

Csillagászati Laboratórium II.

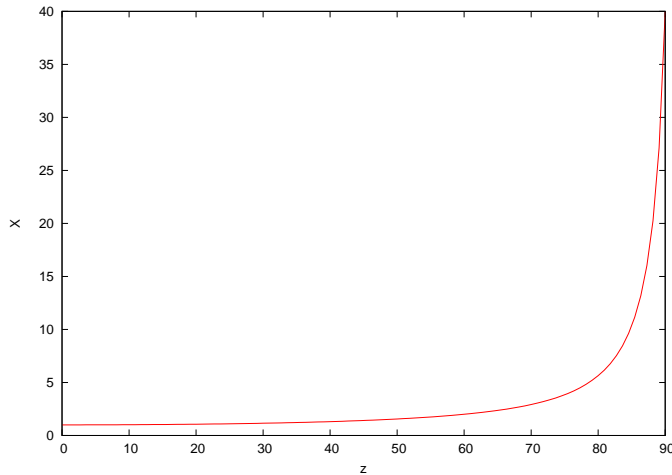
8. óra: Az extinkciós korrekció és a standard transzformáció

Az előző órákon eljutottunk odáig, hogy a képeken megállapítottuk a csillagok fényességét psf fotometria segítségével. Kiemelendő, hogy itt a csillagoknak úgynevezett „instrumentális” fényességét kaptuk meg egyelőre. Ezen adatokból semmilyen fizikát, asztrofizikát vagy publikálható eredményt még nem tudunk prezentálni, ugyanis ezek csak a mi rendszerünkben jelentenek bármit is. Mit is érthetünk ezen, hogy a „mi rendszerünkben”? Erre egyszerű a válasz: A mi távcsövünk, az az éjszaka, az a földrajzi hely, az a kamerával... stb. alkotják a mi rendszerünket. Ahhoz, hogy a méréseinket mások is elfogadják, olyan rendszerbe kell tennünk, ahol a fizikai modellek értelmezhetőek. Ehhez kalibrációs egyenletek kellenek. Mint minden etalonnal rendelkező rendszerben, a csillagászati fotometriai rendszereknek is megvannak az etalonpontjai, melyek bizonyos standard csillagok.

Megfigyeléseink alatt két hatásra kell korrigálnunk. Az egyik a földrajzi helyzetünkből adódik, míg a másik a használt műszeregyüttesünk tulajdonságaiból. Mindkettőnek a hatását részletezem lentebb.

1. Az extinkciós korrekció

Jól ismert jelenség, hogy a csillagok egyre jobban pislákolnak ahogy a horizonthoz közelednek, illetve, hogy egyre halványabbak lesznek. Ezt a jelenséget nevezzük „*léggöri extinkció*”-nak vagy „*atmoszférikus extinkció*”-nak. Ennek a fontosságát nagyon fontos, hogy felismerjük, illetve, hogy méréseinket erre korrigáljuk.



1. ábra. A levegőtömeg függése a zenittávolságtól

Az extinkció leírásához be szokták vezetni az úgynevezett „levegőtömeg” definíciót. Ennek leírására több empirikus képlet létezik. Kis zenittávolságokra általában egyszerűen a zenittávolság (z) szekánsát szokás venni. Kicsit jobban leíró az:

$$X = \frac{1}{\cos z + 0,025 e^{-11 \cos z}} \quad (1)$$

1. egyenlet (Rosenberg, 1966). Ennek egy ábrázolását láthatjátok az 1. ábrán. Lehet látni, hogy 60° felett rohamosan el kezd növekedni a levegőtömeg. Ha kiszámoljuk 45° -nál az X értéke 1.41. Azaz 41%-kal több levegőn nézünk át már 45° -nál ahhoz képest, hogy a zenitnél mennyin nézünk át.

Magát az extinkciót három tényező okozza: molekuláris abszorpció, Rayleigh szóródás a molekulákon illetve kis részecskéken való szóródás. A molekuláris abszorpció mértéke $0,^m02/\text{levegőtömeg}$. A Rayleigh szóródásé $0,^m14/\text{levegőtömeg}$, míg a levegő részecskéin való szóródás $0,^m12/\text{levegőtömeg}$ mértékű. Ez összesen $0,^m28$ -t jelent levegőtömegenként, standard levegőnyomáson (760 Hgmm) és 0°C hőmérsékleten. Ahogy feljebb megyünk ez egyre csökken, 500 m-rel a tengerszint felett már csak $0,^m24/\text{levegőtömeg}$, míg 2 km magasan már csak $0,^m16/\text{levegőtömeg}$. Emellett fontos megjegyezni, hogy télen a mértéke az extinkciónak szintén csökken, a levegőben mérhető víz mennyiségének csökkenése miatt.

Egy objektumnak az extinkció hatására való fényességcsökkenését írja le az 2. egyenlet.

$$v_0 = v_i - k'_v \cdot X \quad (2)$$

Mivel a magnitúdó skála inverz, ezért érthető módon, az instrumentális fényességből (v_i) ki kell vonnunk a levegőtömeg (X) függvényében növekvő korrekciós tagot (k'_v). Láthatóan ez csak első rendig korrigál. Általában ez kielégítő, de nagyon pontos fotometria esetén másodrendű tagot is szoktak illeszteni, illetve színfüggő tagot is. Mivel csak első rendig korrigálunk, ezért az egyszerűség kedvéért elhagyom a vesszőzést, és áttérek a $k' = k$ jelölésmódra. Ezzel ugyan az extinkciós hatásokra korrigált, de még mindig instrumentális fényességeink lesznek!

2. A standard transzformációk - fotometriai kalibráció

Azt, hogy mennyire fontos pontos fotometriai kalibrációt végezni sokan nem veszik komolyan! A kalibrációk hanyag voltának következményekénu a méréseink akár néhány tized magnitúdót is tévedhetnek, ami komoly asztrofizikai „félreértelmességekhez” is vezethet!

Ahhoz, hogy valamit két kutató két helyről azonosnak mérjen nagyon sok feltételnek kell teljesülnie. A legfontosabb, hogy ugyanazt mérjék (mint ahogyan a tömegnek is van etalonja). Ennek az etalonnak teljesítenie kell azt a feltételt, hogy időben ne változtassa a mérendő tulajdonságát. A csillagászatban ezen etalon pontok a fotometriai standard csillagok. Minden fotometriai rendszert így két dolog jellemez: a hozzá tartozó szűrőrendszer, illetve a standard csillagai. A Johnson féle fotometriai rendszer standard csillagai a Landolt csillagok. Emellett vannak másodlagos standard mezők is. Ilyen például az általunk használt M67-es látómező is.

A két kutató, csak akkor mérheti ugyanazt, ha ugyanazt a műszert használják. Mivel nem csak egy távcső létezik a világon, és nem használhatja mindenki ugyanazokat a szűrőket a világon, ezért az egyes szűrőrendszereket a lehető legpontosabban ugyanolyanra gyártják! Nagyon fontos, hogy nem csak egy fotometriai szűrőrendszer létezik a világon! Ezek között színtranszformációs egyenletek vannak!

Szerencsére az optikai csillagászatban jobban elterjedtebb a Johnson féle UBVR szűrőrendszer mint más, így az ebben a tartományban dolgozó kutatóknak nem kell bajlódniuk rendszerek közötti színtranszformációkkal. Ettől függetlenül a szűrők nem lehetnek 100%-osan azonosak, így meg kell állapítani a műszerhez tartozó színtranszformációkat.

Megjegyezném, hogy például a közeli infravörös tartományban közel egy tucatnyi fotometriai rendszer létezik. Nagyon oda kell figyelni, hogy mely rendszerben vannak a méréseink és milyen rendszerben vannak a modelljeink illetve mások mérései. Közeli infravörös fotometriai rendszerek pl: 2MASS, SAAO, CIT, MKO, BB, AAO, Arnica, Koorneef, ESO, UKIRT ... stb. Általában az egyes rendszerek között lehet találni transzformációs egyenleteket különböző cikkekben.

A mi méréseink a Johnson féle BVRI rendszerben vannak, ugyanúgy, mint a standard értékeink, így csak a műszerünk hatásait kell korrigálni, más fotometriai rendszerre nem kell áttérnünk.

3. Egyenletek

Az extinkció hatására a magnitúdó értékek csökkennek (azaz fényesednek az objektumok). Ezt írják le az extinkciós egyenletek:

$$b_0 = b_i - k_b \cdot X \quad (3)$$

$$v_0 = v_i - k_v \cdot X \quad (4)$$

$$r_0 = r_i - k_r \cdot X \quad (5)$$

$$i_0 = i_i - k_i \cdot X \quad (6)$$

,ahol a 0-ás indexű tagok a légkörön kívüli fényességeket adják meg, míg az i -s tagok az „instrumentális” magnitúdó értéket. Ha ebből előállítjuk a szokásos színeket, akkor kapjuk, hogy:

$$(b - v)_0 = b_0 - v_0 = b_i - v_i - (k_v - k_b) \cdot X = (b - v)_i - k_{bv} \cdot X \quad (7)$$

$$(v - i)_0 = v_0 - i_0 = v_i - i_i - (k_i - k_v) \cdot X = (v - i)_i - k_{vi} \cdot X \quad (8)$$

$$(v - r)_0 = v_0 - r_0 = v_i - r_i - (k_r - k_v) \cdot X = (v - r)_i - k_{vr} \cdot X \quad (9)$$

$$(r - i)_0 = r_0 - i_0 = r_i - i_i - (k_i - k_r) \cdot X = (r - i)_i - k_{ri} \cdot X \quad (10)$$

Ha légkörön kívül dolgoznánk (űrtávcső), akkor csak a műszerünk (távcső, kamera ... stb.) színező hatásait kellene korrigálnunk. Ezeket korrigálják a standard transzformációs egyenletek:

$$V = v_0 + \epsilon_{bv}(B - V) + \zeta_{\epsilon_{bv}} \quad (11)$$

$$(B - V) = \mu(b - v)_0 + \zeta_{bv} \quad (12)$$

$$(V - R) = \nu(v - r)_0 + \zeta_{vr} \quad (13)$$

$$(R - I) = \eta(r - i)_0 + \zeta_{ri} \quad (14)$$

$$(V - I) = \kappa(v - i)_0 + \zeta_{vi} \quad (15)$$

A transzformációs egyenleteknél a nagybetűs tagok ($BVRI$) a csillag standard fényességét jelentik, amiket katalógusokból tudunk. A 0-ás indexű tagok még mindig az extinkcióra korrigált, a légkörön kívüli fényességet jelölik. A ζ -k az úgynevezett „Zérus Pontok”. Ideális rendszer esetén csak ezzel kéne korrigálni, azaz csak egy konstans eltolás lenne a méréseink és a valódi fényességek között. A korábban felírt extinkciós egyenleteket helyettesítsük be a standard transzformációs egyenletekbe:

$$V = v_i - k_v \cdot X + \epsilon_{bv}(B - V) + \zeta_{\epsilon_{bv}} \quad (16)$$

$$(B - V) = \mu((b - v)_i - k_{bv} \cdot X) + \zeta_{bv} \quad (17)$$

$$(V - R) = \nu((v - r)_i - k_{vr} \cdot X) + \zeta_{vr} \quad (18)$$

$$(R - I) = \eta((r - i)_i - k_{ri} \cdot X) + \zeta_{ri} \quad (19)$$

$$(V - I) = \kappa((v - i)_i - k_{vi} \cdot X) + \zeta_{vi} \quad (20)$$

Természetesen a V -nek nem csak a $(B - V)$ -s függését, hanem a többi szintől való függését is meg lehet nézni, azaz:

$$V = v_i - k_v \cdot X + \epsilon_{vr}(V - R) + \zeta_{\epsilon_{vr}} \quad (21)$$

$$V = v_i - k_v \cdot X + \epsilon_{ri}(R - I) + \zeta_{\epsilon_{ri}} \quad (22)$$

$$V = v_i - k_v \cdot X + \epsilon_{vi}(V - I) + \zeta_{\epsilon_{vi}} \quad (23)$$

Lehet látni, hogy ezek három ismeretlenes egyenletek, ugyanis a csillagok standard fényességét, az instrumentális fényességét, a levegőtömegét ismerjük csak. Így az egyenleteket csak iterálva, bizonyos kezdeti feltételt adottnak feltételezve, tudjuk csak megoldani.

Mivel a szűrők jó közelítéssel megegyeznek, ezért a V -nél lévő színtfüggő tagok (ϵ -ok) nulla közeliek. Ugyanezen elv miatt a színekhez lévő színtfüggő tagok (μ , ν , η , κ), mivel ugyanazt a szint írják le, egy közeliek. Az extinkciós tagoknak szintén nulla közelieknek kell lenniük. Ha belegondolunk, a zenitben az X értéke 1, azaz ha a k értéke nem nulla közeli lenne, akkor nagy mértékű fényesedést jelentene az extinkciós korrekció.

Lehet látni, hogy a színtfüggő tagok (görög betűk) műszerfüggőek. Éppen ezért ezeket távcsőkonstansoknak hívjuk, ugyanis értékük nem változik (jelentősen) éjszakáról éjszakára. Ha ezeknek az értékeit tudjuk, akkor nem muszáj minden éjjel megállapítani őket, elég csak az extinkciós tagokat (amik viszont a légkör folyamatos változása miatt változnak éjszakáról éjszakára).

3.1. A konstansok megállapítása a gyakorlaton - az egyenletek alkalmazása

Esetünkben az a szerencsés helyzet áll elő, hogy egy látómezőben több standard csillag található. Ez azt jelenti, hogy a csillagok egy levegőtömegnél találhatóak (egy $BVRI$ mérésorozatán belül), azaz az extinkciós tagok zéuspontját a ζ értékébe be lehet olvasztani, és meg lehet állapítani négy különböző levegőtömegnél is pontosan a színtfüggő tagok (görög betűk) értékét.

$$V - v_i = \epsilon_{bv}(B - V) + const \quad (24)$$

$$V - v_i = \epsilon_{vr}(V - R) + const \quad (25)$$

$$V - v_i = \epsilon_{ri}(R - I) + const \quad (26)$$

$$V - v_i = \epsilon_{vi}(V - I) + const \quad (27)$$

$$(B - V) = \mu(b - v)_i + const \quad (28)$$

$$(V - R) = \nu(v - r)_i + const \quad (29)$$

$$(R - I) = \eta(r - i)_i + const \quad (30)$$

$$(V - I) = \kappa(v - i)_i + const \quad (31)$$

Természetesen most minket csak a görög betűk értéke érdekel. Ezeket egyszerű egyenes-illesztéssel fogjuk megállapítani. Így lesz minden görög betűhöz négy értékünk, s mindegyikhez egy „szórás” érték, mely az egyenesillesztés jóságából fog adódni. Ezek alapján majd fogunk tudni számolni a négy adatból egy átlagértéket, illetve egy hozzá tartozó korrigált empirikus szórást is:

$$\sigma = \frac{\sqrt{\sum \sigma_i^2 + \frac{\sum (\bar{x} - x_i)^2}{n-1}}}{n} \quad (32)$$

Az ilyen sok standard csillagokat tartalmazó mezőknek ez a nagy előnye, hogy a színfüggő tagoknak nagy pontosságú megállapítását teszik lehetővé. Ilyen másodlagos standard mező nem csak az M67-ben található. Jól ismert még a Stetson standardokat tartalmazó NGC 7790 is.

Ha ezekkel végeztünk, akkor meg lehet állapítani az extinkciós együtthatók értékét is. Mivel már tudjuk a színfüggő tagok értékét, ezért rendezzük át az egyenleteket:

$$V - v_i - \epsilon_{bv}(B - V) = -k_v \cdot X + \zeta_{\epsilon_{bv}} \quad (33)$$

$$V - v_i - \epsilon_{vr}(V - R) = -k_v \cdot X + \zeta_{\epsilon_{vr}} \quad (34)$$

$$V - v_i - \epsilon_{ri}(R - I) = -k_v \cdot X + \zeta_{\epsilon_{ri}} \quad (35)$$

$$V - v_i - \epsilon_{vi}(V - I) = -k_v \cdot X + \zeta_{\epsilon_{vi}} \quad (36)$$

$$\frac{(B - V)}{\mu} - (b - v)_i = -k_{bv} \cdot X + \frac{\zeta_{bv}}{\mu} \quad (37)$$

$$\frac{(V - R)}{\nu} - (v - r)_i = -k_{vr} \cdot X + \frac{\zeta_{vr}}{\nu} \quad (38)$$

$$\frac{(R - I)}{\eta} - (r - i)_i = -k_{ri} \cdot X + \frac{\zeta_{ri}}{\eta} \quad (39)$$

$$\frac{(V - I)}{\kappa} - (v - i)_i = -k_{vi} \cdot X + \frac{\zeta_{vi}}{\kappa} \quad (40)$$

Lehet látni, hogy hogyha a vízszintes tengelyen ábrázoljuk a levegőtömeget, míg a függőleges tengelyen az egyenletek bal oldalát, akkor az egyenes meredeksége megadja a k -k értékét, míg a zéruspont a ζ értékét (színfüggő tagok esetén a „ ζ /görög betű” értékét).

4. A konstansok megállapítása

Múlt órán befejeztük a psf fotometriát. Ennek eredményeképpen az M67-es könyvtárban létrejött 16 darab *.dat fájl. Ezek tartalmazzák az M67-es képekhez tartozó fotometriai értékeket. Az egyszerűbb átláthatóság kedvéért ezeket helyezzük át az M67-es mappán belül egy másik könyvtárba. Ha jól megnézték, akkor a 16 darab kép úgy tevődik össze, hogy 4 sorozatnyi BVRI kép van, mindegyik sorozat különböző levegőtömegnél. A *.dat fájlokat ennek megfelelően nevezzük át a jobb átláthatóság kedvéért, mondjuk b1 b2 b3 b4 v1 v2 v3 v4 ... i3 i4-re, ahol a betű természetesen a szűrőt jelenti, míg a szám a mérési sorozat számát.

Ahhoz, hogy a *.dat fájlokból kiszedjük a standardok adatait, tudnunk kell, hogy mely koordinátákon találhatóak. A gyakorlatvezetőtől kapott keresőtérképen be vannak jelölve a látómezőben található standard csillagok. Mivel a csillagprofiljaink összemosódnak, ezért nem fogjuk mindegyik standard csillagot használni, csak a:

2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 19, 20, 21, 22, 23, 26, 27, 28, 29 illetve 30

sorszámúakat. IRAF-on belül töltsétek be az egyik M67-es képet és a korábbiakhoz hasonlóan imexamine-nal állapítsátok meg ezen standard csillagok pixelkoordinátáit. Ezeket egy fájlba mentsetek le, mely valahogy így fog kinézni:

686.15	281.95
658.86	254.67
593.96	283.34
646.23	472.22
...	

Ha minden jól ment, akkor ennek a fájlnak 17 sora kell, hogy legyen. **FONTOS! A koordinátákat a csillagok sorszámában mérjétek meg**, ugyanis a honlapról le fogjuk tölteni ezen csillagoknak a standard fényességeiket, és ott ebben a sorrendben szerepelnek!

A honlapról töltsétek is le az std.ls nevű fájlt. Láthatjátok, hogy az első sora egy komment sor, mely megadja, hogy melyik oszlopban milyen adat található. Ez egy általános dolog csillagászati adatbázisokat

tartalmazó ASCII fájlknál. Igen hasznos, ugyanis később is visszanézve tudjuk, hogy melyik oszlopban mi van. Lehetőleg mindig törekedjünk olyan programokat írni, melyek ugyanígy tartalmaznak kommentsort! Így a koordinátákat tartalmazó fájlunkba „#” jellel kezdve a sort írjuk mi is bele, hogy „Xpix Ypix”.

A koordinátafájlunkat illetve a standard csillagokat tartalmazó fájlunkat a „paste” linux-os paranccsal tegyük össze egy fájlá!

```
$ paste koord std.ls > stdlist
```

Mivel a következőekben használandó program X Y B V R I adatoszlopokat keres, ezért az ID-kat tartalmazó oszlopot kézzel (vagy scripttel) töröljük ki a létrejött `stdlist` fájlból.

A honlapról töltsük le a `grabcoord` nevű programot. Ez egy kis program, mi egy standard értékeket tartalmazó adattömb alapján kiválogatja a csillagokat más adatfájlokból koordináták alapján. A program a hasonló levegőtömegeknél lévő adatokhoz használható elsősorban. Egy „-h” switchel megkapjuk a program help-jét:

```
Usage: grabcoord [-h|--help] [-o|--output <outputfilename>] [-d|--distance <deg|px>]
        [-s|--stdlist <standarslist>] [-i{b|v|r|i}|--input-{b|v|r|i} <b/v/r/i-file>
        [<b/v/r/i-file2> [...]]
```

A program le tud kezelni úgynevezett „wildcardokat” (*, ?, ‘ ‘ tulajdonságú beírásokat), hisz ezeket a linux értelmezi alapból. Ez azért jó, mert így lehet listákat is beadni neki. Esetünkben csak egy fájlt fogunk beadni neki szűrőnként. Láthatóan meg kell adni neki a kimeneti fájl nevét (különben a STDOUT-ra, azaz a monitorra adja ki), egy keresési sugarat (esetünkben pixelben), a standardlista nevét, illetve szűrőnként a képek neveit. Azaz adjuk ki a következő parancsot, mind a négy levegőtömege (logikusan átírva), hogy:

```
$ grabcoord -o a1.dat -d 1.5 -s stdlist -ib b1.dat -iv v1.dat -ir r1.dat -ii
i1.dat
```

Nézzük meg a létrejött `a?.dat` nevű fájlokat, illetve, hogy milyen oszlopokat tartalmaznak. Ha valami gyanús, akkor szóljatok a gyakorlatvezetőnek. Ha valamelyik oszlopban szám helyett „-” jel szerepel, akkor az azt jelenti, hogy azt a csillagot nem találta meg az adott adattomben. Ez nem a legszerencsésebb.

4.1. Illesztés a gnuplot-tal

Először a színfüggő tagokat fogjuk illeszteni, azaz a (24)-(31)-es egyenleteket. A létrejött `a?.dat` fájlokban a következő oszlopok találhatóak: 1 - X, 2 - Y, 3 - b_i , 4 - $bmerr$, 5 - $bchi$, 6 - B, 7 - $bair$... és innen 5-ével ismétlődően a többi szűrő.

Gnuplot-nak nagy előnye, hogy ismeri az `awk` jellegű parancsműveleteket, így nem kell minden illesztéshez külön fájlt gyártanunk, hanem csak az eredeti 4-et kell használnunk. Nézzük meg először a színek színfüggését. Gnuplot-on belül adjuk ki a következő parancsot (a „gnuplot>” a gnuplot promptját jelöli):

```
gnuplot> pl 'a1.dat' u ($3-$8):($6-$11)
```

Az ábrázolt pontok a μ értékének meredekségét mutatja. A gnuplot-on belül ugye az első tag az `u` után az `x` változó értékét, míg a második zárójel az `y` értékét adja meg. Nagy valószínűség szerint az első illetve hatodik csillagnak a pontja erősen fog szórni a többi közül. Így ennek a sorát az `a?.dat` fájlokban „#” jellel kommenteljük ki. Ábrázoljuk újra a fenti plotot!

Most nézzük meg, hogy milyen meredekségű egyenes illeszthető ezekre a pontokra. Adjuk ki gnuplot-ban a következő parancsot:

```
gnuplot> fit a*x+b 'a1.dat' u ($3-$8):($6-$11) via a,b
```

A képernyőre a program kiírja az illesztés részleteit. Nekünk ebből a következő rész az érdekes:

Final set of parameters	Asymptotic Standard Error		
=====	=====		
a	= 0.938273	+/- 0.01513	(1.613%)
b	= -1.32831	+/- 0.03223	(2.427%)

Ez azt jelenti, hogy a μ értéke az első levegőtömegnél készült felvételeken 0,9382, míg szórása 0,0151. Illesszük le ugyanezeket, csak az a2, a3, a4-re is. Így van négy értékünk, illetve négy szórásunk. A négy értéket átlagoljátok, illetve a szórások és az átlag segítségével számoljátok ki a korrigált empirikus szórás értékét. Valószínű, hogy a harmadik levegőtömegnél készült mérés értéke jelentősen el fog térni a többiétől. Ha ez így van, akkor ennek az értékeit ne vegyétek figyelembe!

Ezek után hasonló módon számoljátok ki ezeket az értékeket a többi színfüggő tagra! Az ϵ -os konstansok illesztésénél legyetek óvatosak! Mivel ott a meredekség elegendé kicsi lesz ($\epsilon \ll 1$), ezért ott megtévesztő lesz az ábra amit a gnuplot mutatni fog elsőre. Az y tengelyt a program mindig az adott adatokhoz skálázza, így úgy fog tűnni, hogy nagyon nagy szórása van a pontoknak. Ha átállítjuk az ábrázolás intervallumát, mondjuk az átlagérték $\pm 0,005$ -ra, akkor sokkal szebb ábrákat kaphatunk. Ezt a

```
gnuplot> set yrange [0:1]
```

parancs megadásával érhetjük el (természetesen logikus intervallumot megadva). Az illesztések igencsak időigényesek lesznek. Ügyeljetek arra, hogy mely oszlopokat adjátok meg az eredeti adattáblából. Érdemes felírni egy lapra előttek, hogy melyik oszlopban melyik adat van. Legjobban az jár, aki előre otthon végiggondolja, és leírja egy lapra, hogy mely parancsokat kell majd kiadnia a gnuplot-ban.

Hogy legyen összehasonlításotok, megadjuk az általunk kapott illesztési értékeket (1. táblázat). Természetesen ez nem azt jelenti, hogy 100%-osan ezeket az értékeket kell visszacapnotok, ugyanis mindenki egyedi fotometriát csinált. Illetve mindenki kötelező megcsinálni az illesztéseket maga!

konst.	a1	a2	a3	a4	átlag
ϵ_{bv}	0,0925 \pm 0,0162	0,1003 \pm 0,0187	0,0559 \pm 0,0223	0,0914 \pm 0,0244	0,0947 \pm 0,0117
ϵ_{ri}	0,2956 \pm 0,0470	0,3046 \pm 0,0456	0,1836 \pm 0,0645	0,2398 \pm 0,0806	0,2780 \pm 0,0365
ϵ_{vi}	0,1266 \pm 0,0239	0,1446 \pm 0,0243	0,0685 \pm 0,0302	0,1127 \pm 0,0392	0,1279 \pm 0,0177
ϵ_{vr}	0,2102 \pm 0,0477	0,2501 \pm 0,0534	0,0977 \pm 0,0541	0,1966 \pm 0,0752	0,2183 \pm 0,0371
μ	0,9382 \pm 0,0151	0,8924 \pm 0,0189	0,9433 \pm 0,0175	0,9015 \pm 0,0190	0,9189 \pm 0,0356
ν	1,0232 \pm 0,0478	1,0312 \pm 0,0356	0,9138 \pm 0,0562	1,0299 \pm 0,0701	0,9995 \pm 0,0305
η	1,0206 \pm 0,0666	0,8697 \pm 0,0806	0,9883 \pm 0,0750	0,9369 \pm 0,0581	0,9539 \pm 0,0219
κ	1,0452 \pm 0,0343	0,9923 \pm 0,0372	0,9899 \pm 0,0216	1,0206 \pm 0,0386	1,0120 \pm 0,0180

1. táblázat. A színfüggő tagok mért értékei

Az extinkciós tagok illesztése kicsikét bizonytalanabb lesz, mint a színfüggő tagoké. Mivel az a?.dat fájljaink csak egy levegőtömege tartalmazza az adatokat, ezért természetesen ezekkel így nem tudjuk az extinkciós tagokat meghatározni. Az a?.dat fájlokat cat parancsokkal fűzzük össze:

```
$ cat a1 > eredmény; cat a2 >> eredmény; cat a3 >> eredmény; cat a4 >> eredmény
```

Így létrejött az eredmény nevű fájl, mely minden adatot tartalmaz. Ezekre fogjuk illeszteni az extinkciós együtthatókat.

Megjegyzem, hogy az illesztésben szórás fog okozni az, hogy egyszerre ábrázoljuk a különböző színű objektumok különböző levegőtömegeknél mérhető fényességét. Ne feledjük, a légköri Rayleigh szórás a vörös színt kevésbé szórja. Emelett hiába ábrázoljuk majd a függőleges tengelyen a két „azonos” szín különbségét, minimális szórás azért várható!

Hasonlóan az előzőekhez, csak most a (33)-(40)-es egyenleteket illesszük meg a gnuplot segítségével! Ne lepődjétek meg, a pontokat ábrázolva igen nagy szórás fogtok tapasztalni. Ez elsősorban, a korábbihoz hasonlóan a skálázás hibája is. Emellett a korábban említett mérési, távcső és színhibáknak is betudható a szórás. Tanulásként jegyezzük fel: legalább 6-7 levegőtömeg értéknél illik standard csillagokról felvételt készíteni. Példaként nézzük meg, hogy milyen paranccsal kéne a (33)-as illetve a (37)-es egyenletet illeszteni:

```
gnuplot> fit a*x+b 'eredmeny' u (($7+$12)/2):($11-$8-0.0947*($6-$11)) via a,b
```

illetve:

gnuplot> fit a*x+b*0.9188 'eredmeny' u (((\$7+\$12)/2):((\$6-\$11)/0.9188-(\$3-\$8)) via a,b

A (33)-as egyenlet illesztésekor a kapott a érték a $-k_v$, míg a b a zéruspontot, azaz a $\zeta_{\epsilon_{bv}}$. Az illesztéshez természetesen be kellett írni a már általunk ismert ϵ_{bv} értéket. A (37)-es egyenlet illesztésekor látható, hogy $a*x+b*0.9188$ -at illesztettünk. Ezt azért tettük, mert így a kapott b érték rögtön a ζ_{bv} lesz. A meredekség itt a $-k_{bv}$ lesz. Figyeljete oda, hogy „-” k szerepel, azaz a kapott a -nak az ellentettje a megoldás! Ellenőrzésképp az általunk kapott illesztés eredményeit közöljük a 2. táblázatban.

k [m/airm]	értéke	ζ [m]	értéke
k_{bv}	$0,0954 \pm 0,0325$	ζ_{bv}	$-1,2739 \pm 0,0569$
k_{vr}	$-0,0221 \pm 0,0149$	ζ_{vr}	$-0,2033 \pm 0,0238$
k_{ri}	$0,1040 \pm 0,0171$	ζ_{ri}	$0,5686 \pm 0,0284$
k_{vi}	$0,0802 \pm 0,0102$	ζ_{bv}	$0,3070 \pm 0,0161$
$k_{\epsilon_{bv}}$	$0,1414 \pm 0,0109$	$\zeta_{\epsilon_{bv}}$	$-5,1414 \pm 0,0175$
$k_{\epsilon_{ri}}$	$0,1499 \pm 0,0114$	$\zeta_{\epsilon_{ri}}$	$-5,1703 \pm 0,0181$
$k_{\epsilon_{vi}}$	$0,1476 \pm 0,0112$	$\zeta_{\epsilon_{vi}}$	$-5,1660 \pm 0,0179$
$k_{\epsilon_{vr}}$	$0,1455 \pm 0,0111$	$\zeta_{\epsilon_{vr}}$	$-5,1561 \pm 0,0177$

2. táblázat. Az extinkciós konstansok általunk mért értékei

Látható, hogy a k_{ϵ} -os tagok nagyjából ugyanakkorak! Ennek így is kell lenni, hiszen az valójában csak a szimpla k_v értéke lenne, csak különböző színkorrekciókkal. Ez azt jelenti, hogy ennek az értéke megbízhatóan jó!

Kérdések, feladatok:

1. Az elméleti összefoglalót, illetve az egyenleteket tüzetesen nézzétek át. Ezekből lesz kérdés.
2. A sillabusz alapján az M67-es képeken az *imexamine* segítségével állapítsátok meg a standard csillagok pozícióit.
3. A *grabcoord* segítségével válogassátok ki a különböző levegőtömegekhez összetartozó adatpárokat.
4. A *gnuplot* programmal határozzátok meg a $V - I$ illetve $V - R$ -es színtagokat, illetve a V értékét a $V - I$ színindex alapján. Eredményeiteket táblázatban foglaljátok össze. Számoljátok ki a színfüggő tagokhoz tartozó korrigált empirikus szórást, és ezt is írjátok bele a táblázatba.
5. Egy-két *gnuplot*os illesztésről (egy szebb ϵ -osról, egy színkorrekcióról illetve egy extinkcióról) csináljatok *eps* ábrát, amit a dolgozatba beletehettek.